

PRUEBAS DE ACCESO A LA UNIVERSIDAD

LOE - SEPTIEMBRE 2011

MATEMÁTICAS II

INDICACIONES AL ALUMNO

- 1. Debe escogerse una sola de las opciones.
- Debe exponerse con claridad el planteamiento de la respuesta o el método utilizado para su resolución. Todas las respuestas deben ser razonadas.
- 3. Entre corchetes se indica la puntuación máxima de cada apartado.
- 4. No se permite el uso de calculadoras gráficas ni programables.

OPCIÓN DE EXAMEN Nº 1

- Una heladería vende helados de una, dos y tres bolas a uno, dos y tres euros respectivamente. El viernes ha vendido 157 helados obteniendo 278 euros y sabemos que el número de helados de una bola vendidos es k veces el número de helados de tres bolas.
 - a) [I PUNTO] Plantea un sistema de ecuaciones lineales cuya resolución permita averiguar cuantos helados de cada tipo se han vendido.
 - b) {1,25 PUNTOS] Estudia para que valores del parámetro k el sistema tiene solución. ¿Es posible que se hayan vendido el mismo número de helados de una bola que de tres bolas?
 - c) [1 PUNTO] Para k = 3, calcula cuantos helados de cada tipo se han vendido.
- 2. Considera la función: $f(x) = \frac{2}{x^2 4x}$.
 - a) [1,25 PUNTOS] Calcula el dominio y las asíntotas de la función f .
 - **b)** [1,25 PUNTOS] Determina los intervalos de crecimiento y decrecimiento de la función f. Dibuja su gráfica.
 - c) [1 PUNTO] Calcula la integral $\int f(x) dx$.
- 3. Considera los vectores $\vec{u}=(a,a,-3)$, $\vec{v}=(1,-1,a)$ y $\vec{w}=(1,2,3)$.
 - a) [1 PUNTO] Determina para qué valores del parámetro a, los vectores \vec{u} , \vec{v} y \vec{w} son linealmente dependientes.
 - **b)** [I PUNTO] Para a=2, calcula la ecuación general del plano π que pasa por el punto P=(1,4,0) y cuyos vectores directores son \vec{u} , \vec{v} .
 - c) [1,25 PUNTOS] Determina el valor del parámetro a para que los vectores \vec{v} y \vec{w} sean ortogonales y calcula el área del rectángulo que tiene por lados estos dos vectores.

OPCIÓN DE EXAMEN Nº 2

1. Consider alas matrices
$$A = \begin{pmatrix} 1 & x & x \\ y & 0 & y \\ z & y & z \end{pmatrix}$$
, $B = \begin{pmatrix} 3 & 2 & m \end{pmatrix}$ y $C = \begin{pmatrix} 2 & 0 & 1 \end{pmatrix}$.

- a) [1 PUNTO] Determina para qué valores de x, y, z la matriz A no tiene inversa.
- **b)** [1,25 PUNTOS] Determina para qué valores del parámetro m el sistema dado por $B \cdot A = C$ tiene solución.
- c) [1 PUNTO] Resuelve el sistema anterior para m = 1.

2. Considera la función:
$$f(x) = \begin{cases} x^2 + ax - 1 & \text{si} & x \le 1 \\ -bx^2 + x & \text{si} & x > 1 \end{cases}$$

- a) [2 PUNTOS] Calcula el valor de los parámetros a y b para que la función f sea continua y derivable para todo x∈ R.
- **b)**[1,5 PUNTOS] Para dichos valores de a y b, determina los intervalos de crecimiento y decrecimiento de f y sus extremos relativos.
- 3. Considera el punto P = (-1,-1,-12) y el plano π que contiene a los puntos A = (1,-1,1), B = (1,3,2) y O = (0,0,0).
 - a) [0,75 PUNTOS] Calcula la ecuación general del plano π .
 - **b)** [0,75 PUNTOS] Calcula la ecuación de la recta r que pasa por el punto P y es perpendicular al plano π .
 - c) [1,75 PUNTOS] Halla el punto C dado por la intersección de la recta r con el plano π y calcula el área del triángulo de vértices A, B y C.